

数列に関する  
さまざまなこと

# 数列

• 現実世界のモデル  $\Rightarrow$  数学は役に立つ

• 関数  $M(n)$  : 自然数  $\rightarrow$  実数

• 2項間漸化式: グラフで把握

• 数列の極限:

• 収束, 発散, 極限值

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  : どんな  $n$  に対しても  $a_n \neq a$  という場合もある

• 無理数に収束する有理数列

•  $e = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$

問:  $e_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$  の最初の3項の値を計算せよ

# 級数

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n a_k$$

- 総和記号

$$\sum_{k=1}^n a_k, \quad \sum_{k=1}^n a_k, \quad \sum_{k=1, n} a_k$$
$$\sum_k a_k, \quad \sum a_k$$

- 総和記号に慣れないうちは、 $n$ を小さな数として、和の式を書き下し、式の変形の方角を見定めよ
- 無限大：  $\infty$  , 数ではない

# 再帰的な定義

- 関数(数列)の「芋づる式」定義
  - 漸化式による数列の定義
  - 見た目に簡単で, 分かりやすい
  - 芋づるの根が分岐していると, 計算量が増える

# 数学的帰納法

- 帰納法

特定の場合から、一般的な法則を推論する  
一般化を誤ることもある

- 演繹法

一般的な法則から、個別の場合を導く

- 数学的帰納法：

- $n = 1$  のときに成立 (特定)
- $n = k$  のときに成立するなら  $n = k + 1$  でも成立 (特定)
- すべての自然数  $n$  について成立 (一般化)

- 自然数には必ず右隣の数があるので正当な一般化